問題紙

- $oxed{1}$ a,b を実数とする。
 - (1) 整式 x^3 を 2 次式 $(x-a)^2$ で割ったときの余りを求めよ。
 - (2) 実数を係数とする 2 次式 $f(x)=x^2+\alpha x+\beta$ で整式 x^3 を割ったときの余りが 3x+b とする。b の値に応じて、このような f(x) が何個あるかを求めよ。
- **2** 1 つのサイコロを 3 回投げる。 1 回目に出る目を a、 2 回目に出る目を b、 3 回目に出る目を c とする。なおサイコロは 1 から 6 までの目が等しい確率で出るものとする。
 - (1) $ab + 2c \ge abc$ となる確率を求めよ。
 - (2) ab + 2c と 2abc が互いに素となる確率を求めよ。
- $oxed{3}$ a,b を実数とし、放物線 $y=rac{1}{2}x^2$ を C_1 、放物線 $y=-(x-a)^2+b$ を C_2 とする。
 - (1) C_1 と C_2 が異なる 2 点で交わるための a,b の条件を求めよ。以下、 C_1 と C_2 は異なる 2 点で交わるとし、 C_1 と C_2 で囲まれた図形の面積を S とする。
 - (2) S=16 となるための a,b の条件を求めよ。
 - (3) a, b は $b \le a + 3$ を満たすとする。このとき S の最大値を求めよ。